

$$W = \{1, 5, 6\}$$

Kürzeste-Wege – Algorithmus (KW-Algo)

INITIALISIERUNG:

$$R = \emptyset$$

$$d_1 = d_5 = d_6 = 0$$

$$d_2 = d_3 = d_4 = \infty$$

### Iteration 1

1.1  $R := R \cup \{1\}$

1.2  $12 \rightarrow d_2 = d_1 + l_{12} = 0 + 3 = 3, p_2 = 12$

$13 \rightarrow d_3 = d_1 + l_{13} = 0 + 5 = 5, p_3 = 13$

$15 \rightarrow$  keine Verbesserung möglich

### Iteration 2

2.1  $R := R \cup \{5\}$

2.2  $54 \rightarrow d_4 = d_5 + l_{54} = 0 + 1 = 1, p_4 = 54$

### Iteration 3

3.1  $R := R \cup \{6\}$

3.2  $62 \rightarrow d_2 = d_6 + l_{62} = 0 + 1 = 1, p_2 = 62$

### Iteration 4

4.1  $R := R \cup \{2\}$

4.2  $23 \rightarrow d_3 = d_2 + l_{23} = 1 + 1 = 2, p_3 = 32$

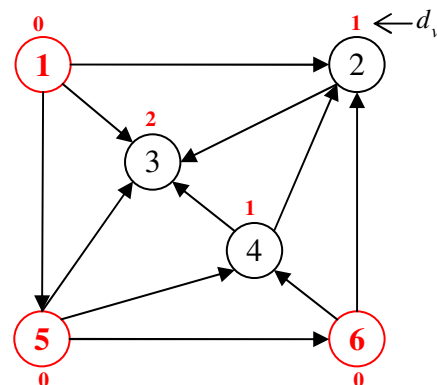
### Iteration 5

5.1  $R := R \cup \{4\}$

5.2

~> Terminierung

$d_k$	0	1	2	3	4
1	0	0	0	0	0
2	$\infty$	3	3	1	1
3	$\infty$	5	5	5	2
4	$\infty$	$\infty$	1	1	1
5	0	0	0	0	0
6	0	0	0	0	0



## Primale-Duale Methode – PDM

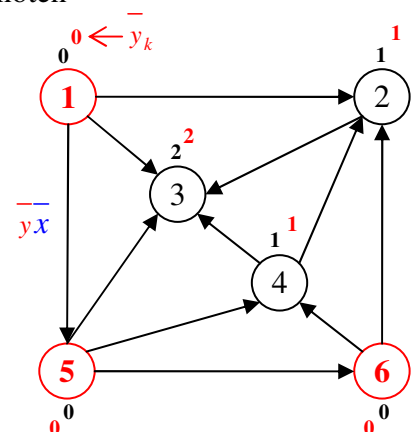
Initialisierung:  $x = 0, y = 0, W = \{1, 5, 6\}$  – Menge der „nassen“ Knoten

### Iteration 1

Hilfsnetzwerk (s. KW-Bsp.)

KW von W zu 2, 3 und 4 ermitteln

- $y$  aktualisieren:  $\bar{y} = y + d$
- $x$  aktualisieren:
  - trockenen Knoten wählen, z. B. Knoten 4
  - KW zu 4 rekonstruieren:  $p(4) = 54 \rightarrow KW(4) = 5, 4$
  - $t$  FE über  $KW(4)$  verschicken
  - $t \leq 1$  (wg.  $b_4$ ),  $t \leq 10$  (wg.  $u_{54}$ ),  $t \leq 5$  (wg.  $b_5$ )  $\rightarrow t = 1$



## Iteration 2

Hilfsnetzwerk

- $\forall e = ij$  mit  $x_e < u_e \rightarrow e(+)=ij$   
 mit Länge  $l_{ij} = y_i + c_{ij} - y_j$
- $\forall e = ij$  mit  $x_e > 0 \rightarrow e(-)=ji$   
 mit Länge  $l_{ji} = y_j - (c_{ij} + y_i)$   
 z. B.  $e = 12, l_{12} = 0 + 3 - 1 = 2, l_{54} = l_{45} = 0$
- KW-Suche  $W = \{1, 5, 6\}$   
 $d_1 = d_5 = d_6 = 0$   
 $d_2 = d_3 = d_4 = 0$
- aktualisiere  $y$ :  $\bar{y} = y + d$
- aktualisiere  $x$ : Knoten 2 trocken  
 $KW(2) = 62$   
 $t \leq 8, t \leq 4, t \leq 7 \rightarrow t = 4$

